



## § 5. ЕЛЕКТРИЧНИЙ СТРУМ У МЕТАЛАХ



Вольфрамова нитка лампи розжарювання поступово тоншає через випаровування металу; врешті-решт у найтоншому місці нитка перегоряє. А чому лампа найчастіше перегоряє в той момент, коли її вмикають? Якщо ви не можете зараз відповісти на це запитання, поверніться до нього після опрацювання матеріалу параграфа.

### 1 Як рухаються електрони в металевому провіднику

У 1900 р., через три роки після відкриття електрона, німецький фізик Пауль Друде (1863–1906) запропонував *електронну теорію провідності металів*, відповідно до якої електрони в металах поводяться подібно до молекул ідеального газу. Зараз ця теорія має назву **класична електронна теорія**.

Згідно із класичною електронною теорією внутрішня будова металу являє собою утворену позитивно зарядженими іонами кристалічну ґратку, яка перебуває в «газі» вільних електронів. Якщо в металевому провіднику створити електричне поле, то на хаотичний рух електронів накладатиметься дрейф електронів у напрямку сили, що діє на електрони з боку електричного поля. Цей дрейф електронів і є **електричним струмом**.

**Електричний струм у металах** являє собою напрямлений рух вільних електронів.

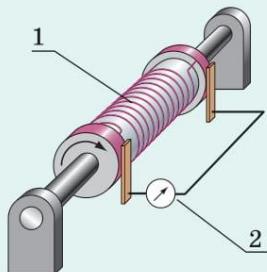
Уявімо модель руху електрона в металі, в якому створено електричне поле. Відповідно до класичної теорії електрон досить короткий час розганяється електричним полем, потім, зіткнувшись із позитивним іоном, змінює напрямок свого руху, потім знову набирає швидкості в напрямку дії поля, знову зіштовхується з іоном і т. д. Під час зіткнень електрон передає іону частину кінетичної енергії, здобуту внаслідок дії поля. Саме ці зіткнення «відповідають» за опір металу.

Визначимо *середню швидкість* в напрямленого руху електронів. За інтервал часу  $t$  через переріз площею  $S$  провідника проходить  $N$  електронів:  $N = nS\bar{v}t$ , де  $n$  — концентрація

#### Дослід

##### Стюарта — Толмена

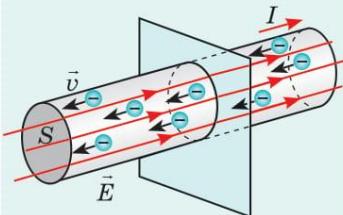
Якщо металевому провіднику (1) надати швидкого обертання, а потім різко зупинити, то вільні заряджені частинки рухатимуться за інерцією — в провіднику виникне короткочасний електричний струм. За відхиленням стрілки гальванометра (2) можна виявити, заряди якого знаку створюють цей струм, а знаючи опір провідника, силу струму та лінійну швидкість обертання, дізнатися, які саме частинки створюють струм.



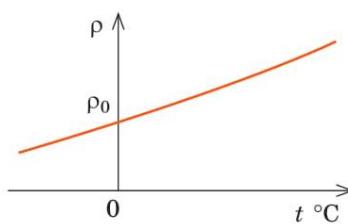
Такий дослід у 1916 р. здійснили американські вчені Річард Толмен (1881–1948) і Томас Стюарт (1890–1958). Вони експериментально довели, що електричний струм у металах являє собою напрямлений рух вільних електронів.

### Як швидко рухаються електрони

Середня швидкість хаотичного руху вільних електронів величезна — близько 300 км/с. Разом із тим середня швидкість їхнього напрямленого руху надзвичайно мала — кілька десятих міліметра за секунду. Чому ж, щойно ми натискаємо вмікач лампи, вона відразу спалахує? Річ у тім, що електричне поле поширюється в провіднику зі швидкістю 300 000 км/с. Завдяки дії поля вільні електрони, розташовані в будь-якій точці провідника, майже миттєво втягуються в напрямлений рух.



Оцініть, через який інтервал часу після ввімкнення плеєра ви почули б музику в навушниках, якби електричне поле поширювалось зі швидкістю напрямленого руху електронів.



**Рис. 5.1.** Графік залежності питомого опору металу від температури (лінійна ділянка). Зі збільшенням температури питомий опір металу збільшується

вільних електронів у провіднику. При цьому переноситься заряд  $q = N|e|$ . За означенням:

$$I = \frac{q}{t} \text{. Отже, маємо:}$$

$$I = n|e|\bar{v}S \Rightarrow \bar{v} = \frac{I}{n|e|S}$$

Визначте середню швидкість напрямленого руху електронів у мідному проводі з перерізом 1  $\text{мм}^2$  за сили струму 1 А, якщо концентрація вільних електронів у міді  $n = 8,4 \cdot 10^{28} \text{ м}^{-3}$ .

### 2 Як опір металів залежить від температури

Опір металевого провідника залежить не тільки від його геометричних розмірів і речовини, з якої він виготовлений, а й від температури (останнє обґрунтовано в квантовій теорії електропровідності металів). Досліди свідчать: якщо температура  $t$  металу є не надто низькою і не надто високою ( $t < t_{\text{плавл}}$ ), питомий опір металу та опір металевого провідника залежать від температури майже лінійно (рис. 5.1):

$$\rho = \rho_0(1 + \alpha t), \quad R = R_0(1 + \alpha t),$$

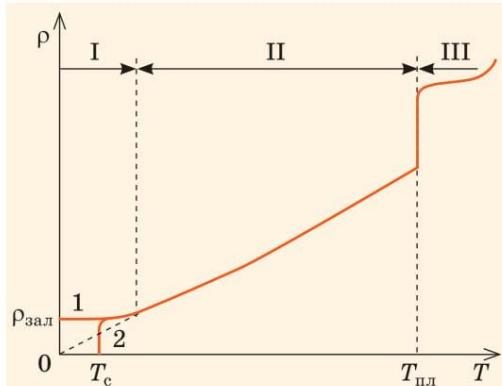
де  $\rho_0$ ,  $R_0$  — відповідно питомий опір і опір провідника за температури 0 °C;  $\rho$ ,  $R$  — відповідно питомий опір і опір провідника за температури  $t$ ;  $\alpha$  — *температурний коефіцієнт електричного опору*.

**Температурний коефіцієнт електричного опору** — це фізична величина, яка характеризує залежність питомого опору речовини від температури.

Одиниця температурного коефіцієнта в СІ — **обернений кельвін** (кельвін у мінус першому степені):  $[\alpha] = \text{K}^{-1} (\text{K}^{-1})$ .

Для всіх металів  $\alpha > 0$ . Наприклад, температурний коефіцієнт електричного опору алюмінію становить 0,0038  $\text{K}^{-1}$  (див. Додаток 1).

Якщо температура металу зменшується, наближаючись до абсолютноного нуля (0 К, -273 °C), або збільшується, наближаючись до температури плавлення, то залежність  $\rho(t)$  вже не буде лінійною (рис. 5.2).



- Ділянка I.** Температура наближається до 0 К:
- у деяких металів питомий опір перестає залежати від температури і стає незмінним (відмінка 1);  $\rho_{\text{зal}}$  — залишковий питомий опір;
  - питомий опір деяких металів стрибком падає до нуля (відмінка 2) — стан надпровідності;  $T_c$  — критична температура (температура переходу в надпровідний стан).

**Ділянка II.** Лінійна ділянка: питомий опір майже лінійно залежить від температури.

**Ділянка III.** При досягненні температури плавлення питомий опір збільшується стрибком.

**Рис. 5.2.** Приближний графік зміни питомого опору металу в широкому діапазоні температур

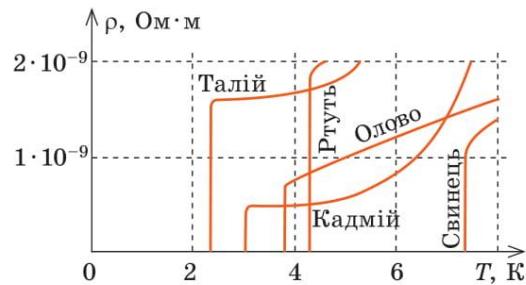
### 3 Знайомимося з явищем надпровідності

У 1911 р. нідерландський учений *Гейке Камерлінг-Оннес* (1853–1926), досліджуючи, як поводиться ртуть за температур, близьких до абсолютноного нуля, помітив дивне явище: в разі зниження температури ртути до 4,1 К її питомий опір стрибком падав до нуля.

Аналогічне явище спостерігалося з оловом, свинцем і низкою інших металів (рис. 5.3). Це явище назвали **надпровідністю**. Зараз відомо багато речовин і матеріалів, які за відповідної температури переходят у надпровідний стан.

Якщо в замкненому провіднику, який перебуває в надпровідному стані, створити електричний струм, то струм існуватиме в провіднику без підтримки джерела необмежений час. Ця та інші властивості надпровідників відкривають широкі можливості для їх застосування в техніці й промисловості. Тільки створення надпровідних ліній електропередачі дозволяє зекономити 10–15 % електроенергії.

Труднощі широкого застосування надпровідників пов’язані з необхідністю охолодження матеріалів

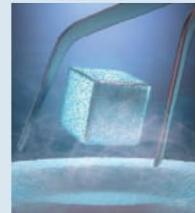


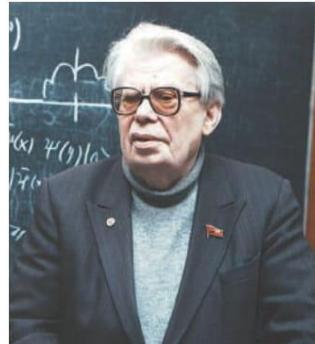
**Рис. 5.3.** Графіки зміни питомого опору деяких металів за температур, близьких до абсолютноного нуля

#### «Труна Магомета»

Нульовий опір — це не єдина унікальна властивість матеріалів у надпровідному стані. У 1933 р. німецькі вчені *Вальтер Мейснер* (1882–1974) і *Роберт Оксенфельд* (1901–1993) виявили, що під час переходу в надпровідний стан магнітне поле повністю витісняється з провідника (ефект Мейснера).

Якщо над провідником помістити магніт і, охолоджуючи, перевести провідник у надпровідний стан, магніт буде левітувати над надпровідником. Дослід, який демонструє ефект Мейснера, назвали «труна Магомета» — вважається, що труна з тілом пророка Магомета левітувала в повітрі без жодної підтримки.





**Рис. 5.4.** Микола Миколайович Боголюбов (1909–1992) — видатний радянський фізик-теоретик і математик, засновник наукових шкіл у галузях нелінійної механіки, статистичної фізики і квантової теорії поля. У 1934–1959 рр. працював у Київському університеті, у 1965–1973 рр. — директор Інституту теоретичної фізики АН України (зараз цей інститут носить ім'я вченого)

до низьких температур — це досить дорого коштує. Зараз знайдено матеріали, які переходять у надпровідний стан за температури близько 100 К ( $-173^{\circ}\text{C}$ ) і нижче. Останній «рекорд» високотемпературної надпровідності був поставлений у 2015 р.: за величезного тиску (1 млн атм.) сірководень ( $\text{H}_2\text{S}$ ) був переведений у надпровідний стан за температури  $-70^{\circ}\text{C}$ .

Надпровідність неможливо пояснити з точки зору класичної теорії електропровідності металів. У 1957 р. група американських учених: Джон Бардин (1908–1991), Леон Купер (народ. 1930), Джон Шріффер (народ. 1931) — і незалежно від них радянський вчений Микола Миколайович Боголюбов (рис. 5.4) розробили квантову теорію надпровідності.

#### 4 Учимося розв'язувати задачі

**Задача.** Електричне коло складається із джерела струму, міліамперметра опором 20 Ом і реостата, обмотка якого виготовлена зі сталі. За температуру  $0^{\circ}\text{C}$  показ міліамперметра 30 мА, а опір реостата — 200 Ом. Яким буде показ міліамперметра, якщо обмотка реостата нагріється до  $50^{\circ}\text{C}$ ? Внутрішнім опором джерела та опором з'єднувальних проводів знехтувати.

**Аналіз фізичної проблеми.** Обмотка реостата нагрівається, і її опір збільшується, що спричиняє збільшення повного опору кола. Відповідно до закону Ома сила струму в колі зменшується. Реостат і міліамперметр з'єднані послідовно, внутрішній опір джерела дорівнює нулю, тому загальний опір кола становить  $R + R_A$ , де  $R$  — опір обмотки реостата за  $t = 50^{\circ}\text{C}$ . Температурний коефіцієнт опору сталі знайдемо в таблиці (див. Додаток 1).

**Дано:**

$$\begin{aligned}R_A &= 20 \text{ Ом} \\t_0 &= 0^{\circ}\text{C} \\I_0 &= 30 \text{ мА} = 0,03 \text{ А} \\R_0 &= 200 \text{ Ом} \\t &= 50^{\circ}\text{C} \\\alpha &= 0,006 \text{ К}^{-1}\end{aligned}$$

$I = ?$

**Пошук математичної моделі, розв'язання.** Запишемо закон Ома для повного кола для двох теплових станів обмотки реостата.

**До нагрівання:**

$$I_0 = \frac{\mathcal{E}}{R_0 + R_A} \Rightarrow \mathcal{E} = I_0(R_0 + R_A).$$

**Після нагрівання:**

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R + R_A}, \text{ де } R = R_0(1 + \alpha t).$$

Після підстановки  $\mathcal{E}$  і  $R$  одержуємо:  $I = \frac{I_0(R_0 + R_A)}{R_0(1 + \alpha t) + R_A}$ .

Перевіримо одиницю, знайдемо значення шуканої величини:

$$[I] = \frac{\text{А} \cdot \text{Ом}}{\text{Ом}} = \text{А}; I = \frac{0,03 \cdot (200 + 20)}{200 \cdot (1 + 0,006 \cdot 50) + 20} \approx 24 \cdot 10^{-3} \text{ (А)}.$$

**Аналіз результату.** Сила струму зменшилась — це реальний результат.

**Відповідь:**  $I \approx 24 \text{ мА}$ .



### Підбиваємо підсумки

- Електричний струм у металах являє собою напрямлений рух вільних електронів.
- За відсутності електричного поля вільні електрони в металах рухаються хаотично. Якщо в металевому провіднику існує електричне поле, то вільні електрони, не припиняючи свого хаотичного руху, рухаються направлено.
- Опір металевого провідника майже лінійно залежить від температури:  $R = R_0(1 + \alpha t)$ , де  $R_0$  — опори провідника відповідно за температури  $0^\circ\text{C}$  і за даної температури  $t$ ;  $\alpha$  — температурний коефіцієнт опору.
- У разі зниження температури деяких металів до температур, близьких до абсолютноного нуля, їхній опір стрибком падає до нуля. Це явище називають надпровідністю.



### Контрольні запитання

1. Що являє собою електричний струм у металах? 2. Опишіть суть досліду Стюарта — Толмена щодо виявлення природи електричного струму в металах.
3. Як рухаються електрони в металевому провіднику з точки зору класичної фізики, якщо в провіднику створено електричне поле? 4. У чому причина опору металів? 5. Чи залежить опір металів від температури? Якщо залежить, то як? 6. У чому полягає явище надпровідності?



### Вправа № 5

1. На рис. 1 подано дослід. З якою метою здійснюється цей дослід? Назвіть використане обладнання. Як ви вважаєте, як і чому буде змінюватися показ вимірювального приладу під час нагрівання?
2. Чи виділяється теплота під час проходження струму в провіднику, який перебуває в надпровідному стані?
3. На рис. 2 подано графік залежності опору металевого провідника від температури. Яким є температурний коефіцієнт опору цього металу? Яка сила струму в провіднику за температури  $150^\circ\text{C}$ , якщо напруга на кінцях провідника  $5\text{ В}$ ?
4. Опір нікелінової обмотки електричної печі за температури  $20^\circ\text{C}$  дорівнює  $60\text{ Ом}$ . Яким буде опір обмотки, якщо температура сягне  $700^\circ\text{C}$ ?
5. Яку довжину має вольфрамова нитка лампи розжарювання, розрахованої на напругу  $220\text{ В}$  і потужність  $220\text{ Вт}$ ? Температура розжареної нитки становить  $2700\text{ К}$ , її діаметр —  $0,03\text{ мм}$ .
6. На залежності опору металів від температури ґрунтуються дія термометрів опору — термоперетворювачів (рис. 3). Дізнайтеся, як побудовані такі термометри, де їх застосовують, які метали використовують для виготовлення їхнього термометричного тіла.

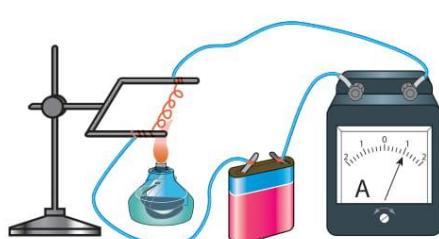


Рис. 1

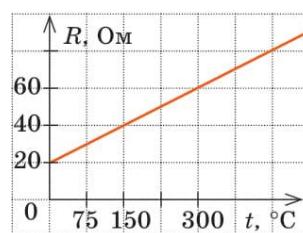


Рис. 2

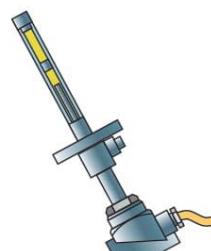


Рис. 3